



## مکان یابی بهینه ایستگاههای دوچرخه در سامانه های شهری به اشتراک گذاری دوچرخه با توجه به مساله متعادلسازی مجدد

مجتبی آشنا<sup>۱\*</sup> و دکتر امید بوشهريان<sup>۲</sup>

<sup>۱</sup> کارشناس ارشد مهندسی فناوری اطلاعات گرایش طراحی و تولید نرم افزار، دانشگاه شیراز، mojtaba.ashena@yahoo.com

<sup>۲</sup> دانشیار دانشگاه صنعتی شیراز، داشکده مهندسی فناوری اطلاعات و ارتباطات، bushehrian@sutech.ac.ir

چکیده: در سامانه های اشتراک گذاری دوچرخه، مکان یابی ایستگاههای دوچرخه بهنحوی که درآمد اپراتور بیشینه گردد، یکی از مسائل مهم می باشد. در تحقیقات گذشته این مسئله به فرم یک مسئله بهینه سازی، با تابع هدف حداقل سازی میزان دسترس پذیری مشترکان فرموله شده است. در این تحقیق چالش متعادلسازی مجدد دوچرخه ها در ایستگاهها علاوه بر مسئله دسترس پذیری در سامانه های اشتراک گذاری دوچرخه مطالعه شده و مدل بهینه سازی جامعی که هر دو چالش را در نظر می گیرد، ارائه گردیده است. موضوع متعادلسازی مجدد، موضوع مهمی است که عدم توجه به آن هزینه اپراتور سامانه را بسیار بالا می برد. به منظور پیش بینی میزان عدم تعادل ایستگاهها، از یک مدل مارکوف گسسته بهره گرفته شده است. مدل بهینه سازی پیشنهادی، توسط الگوریتم زنتیک حل شده است و نتایج نشان می دهد که در نظر گرفتن موضوع متعادلسازی مجدد در مکان یابی محل ایستگاهها علاوه بر موضوع دسترس پذیری، تأثیر بسیاری در درآمد زایی این سامانه ها دارد.

**کلید واژه ها:** اشتراک گذاری دوچرخه، ایستگاه دوچرخه، توزیع دوچرخه، شهر هوشمند، مکان یابی ایستگاه

از ایستگاههایی که بیشتر از ظرفیت خود دوچرخه دارند برداشته می شود و به ایستگاههایی که در آن ها دوچرخه وجود ندارد و یا تعداد دوچرخه های موجود در آن کم است، به وسیله کامپیون های حمل دوچرخه منتقل می شود. به این عملیات متعادلسازی مجدد گفته می شود که این عملیات هزینه های زیادی را در بر خواهد داشت؛ بنابراین متعادلسازی مجدد سامانه یکی از عوامل تأثیرگذار در دسترس پذیری سامانه است.

عملیات توزیع مجدد دوچرخه ها در شبکه با استفاده از خودروها و یا کامپیون های حمل دوچرخه انجام می شود که منجر به متعادلسازی دوچرخه ها در ایستگاه ها می شود. در توزیع مجدد دوچرخه ها مبحث زمان و تعداد دفعات توزیع دوچرخه ها، مسیریابی کامپیون های حمل دوچرخه و ترغیب کاربران به متعادلسازی سیستم مطرح می شود که بحث چالش برانگیز می باشد.

یکی از عوامل تأثیرگذار در هزینه توزیع و متعادلسازی سیستم موقعیت قرار گیری ایستگاه ها و چیدمان ایستگاه ها در سیستم می باشد. در این مطالعه، ابتدا معیارهای ارزش گذاری بر مکان و تعداد و ظرفیت ایستگاه ها شناسایی خواهد شد و سپس کیفیت چیدمان ایستگاه ها از نظر تسهیل و کارایی توزیع مجدد دوچرخه ها بین ایستگاه ها مطالعه خواهد گردید.

### - پیشینه پژوهشی

سامانه های اشتراک گذاری دوچرخه به دودسته مبتنی بر ایستگاه و شناور تقسیم بندی می شوند. در سامانه های مبتنی بر ایستگاه کاربران دوچرخه را در ایستگاه های تعیین شده می توانند تحویل بگیرند و پس از استفاده در یکی از ایستگاه های تعیین شده تحویل دهنند. در سامانه های اشتراک گذاری دوچرخه شناور دوچرخه را می توان در هر کجا پارک کرد و نیاز به ایستگاه های خاص از بین می رود. توزیع و متعادلسازی دوچرخه ها به دو شکل ایستا و پویا

### ۱- مقدمه

در دنیای امروز با گسترش شهرها و زیاد شدن مشکلات حمل و نقل و ترافیک شهری، ارتقاء شهر هوشمند پاسخ نوآورانه برای چالش های در حال گسترش می باشد. در شهر های مدرن، سامانه اشتراک گذاری دوچرخه عمومی به عنوان راهکاری سالم و کارآمد برای رفت و آمد و هدایت شهر به وجود آمده است. با توجه به مشکلات فراوان ناشی از حمل و نقل موتوری در شهر های بزرگ، یکی از گزینه های مناسب برای مرتفع ساختن این مشکلات استفاده از اشتراک گذاری دوچرخه می باشد. سامانه های اشتراک گذاری دوچرخه در بسیاری از شهر ها برای ترویج حمل و نقل سبز و شیوه زندگی سالم به کار گرفته شده است [1].

با گسترش سامانه های اشتراک گذاری دوچرخه، تعدادی از مطالعات به منظور شناسایی مناطق مناسب ایستگاه دوچرخه، پیش بینی تعداد دوچرخه موردنیاز در ایستگاه و نحوه توزیع دوچرخه ها انجام شده اند. تعیین موقعیت ایستگاه ها یکی از موضوعات قابل توجه اجهات افزایش دسترس پذیری سامانه می باشد. قرار دادن ایستگاه های دوچرخه در مکان هایی که به بهترین وجه با نیاز کاربران همسو باشند، دسترس پذیری سامانه را افزایش می دهد.

استفاده کاربران از این سامانه باعث جایه گایی دوچرخه ها از یک ایستگاه به ایستگاه دیگر می شود که جایه گایی دوچرخه ها سامانه را از حالت تعادل خارج خواهد کرد. هنگامی که ایستگاه ها از حالت تعادل خارج شوند، ممکن است که در برخی از ایستگاه ها دوچرخه وجود نداشته باشد و در برخی از ایستگاه ها بیشتر از ظرفیت ایستگاه دوچرخه وجود داشته باشد و مکان کافی برای پارک دوچرخه وجود نداشته باشد. در این حالت سامانه از حالت تعادل خارج می شود و دسترس پذیری سامانه کاهش می یابد که در این حالت نیاز به متعادلسازی مجدد سامانه خواهد بود. برای متعادلسازی سامانه، دوچرخه ها



تعداد درخواست‌هایی که بدون خدمت بوده‌اند می‌باشد. از مزایای این روش این است که با ایجاد انگیزه برای کاربران، توزیع بهخوبی در مناطق ناشناخته و کم کاربرد انجام می‌دهد. از مشکلات این روش این است که در زمانی که کاربران در نظر گرفته شود، متعادل‌سازی پویا نامیده می‌شود.

تعداد درخواست‌ها کم است توزیع بهخوبی انجام نمی‌شود. در سامانه‌های اشتراک‌گذاری دوچرخه شناور، دوچرخه را می‌توان در هر کجا پارک کرد. درنتیجه نیاز به ایستگاه‌های خاص را از بین می‌برد. در مقایسه با سیستم اشتراک‌گذاری دوچرخه مبتنی بر ایستگاه، صرفه‌جویی در هزینه راه‌اندازی و ساخت ایستگاه‌ها انجام می‌شود [3]. در سامانه‌های اشتراک‌گذاری دوچرخه شناور ریدیایی دوچرخه در هر زمان با GPS انجام می‌شود و از سرقت دوچرخه جلوگیری می‌کند و امکانات قابل توجهی را برای مدیریت هوشمند سیستم فراهم می‌کند. در این سیستم سطح رضایت مشتری افزایش می‌یابد، زیرا به دست آوردن و بازگشت دوچرخه‌ها بسیار راحت‌تر می‌شود و متوسط فاصله پیاده‌روی کاربر کوتاه‌تر است. همچنین مشتریان با کمبود نقاط خالی در ایستگاه‌هایی که نیاز به بازگشت دوچرخه‌ها دارند مواجه نخواهند شد.

در این مقاله طرحی برای به حداقل رساندن مسافت طی شده توسط کامپیون‌های حمل دوچرخه ارائه شده است که در سامانه‌های اشتراک‌گذاری دوچرخه شناور و مبتنی بر ایستگاه کاربرد دارد. از مزایای این طرح این است که فرمول ارائه شده در سامانه‌هایی که از یک و یا حتی چند وسیله‌ی دوچرخه در ناوگان حمل دوچرخه استفاده می‌باشد و همچنین در هر بار توزیع دوچرخه یک ایستگاه بیش از یک بار ملاقات شود. از مشکلات این روش این است که در صورت به حداقل رساندن زمان متعادل‌سازی ناوگان تعداد دفعات متعادل‌سازی دوباره تا حد زیادی کاهش می‌یابد.

### ۳-۲- بینه‌سازی جانمایی ایستگاه‌ها

برای جانمایی ایستگاه‌های اشتراک‌گذاری دوچرخه در جهت کاهش سفرهای کوتاه که با ماشین انجام می‌شود، در مقاله [4] یک روش بینه‌سازی را ارائه کرده است. در این مقاله شهر سئول مورد مطالعه قرار گرفته است. در این مقاله جهت تعیین موقعیت ایستگاه از مسیرهای کوتاه طی شده توسط تاکسی‌ها استفاده شده است تا مکان ایستگاه‌های اشتراک دوچرخه را بهطور مؤثر برای جایگزینی سفرهای کوتاه اتومبیل تعیین کند. همچنین در این مطالعه، از داده‌های جمعیت شناور در مقیاس واقعی که به صورت ساعتی ثبت می‌شود استفاده شده است تا تقاضای بالقوه را دقیق‌تر ارزیابی کند. این داده‌ها از یکی از سرویس‌های تلفن همراه که اکثریت مشتریان در کره از آن استفاده می‌نمایند، دریافت شده است. این اطلاعات شامل تعداد افرادی می‌باشد که در سلول‌های ۵۰ مترمربع از هر منطقه جغرافیایی در هر ساعت با سیگنال‌های تلفن همراه ثبت شده‌اند. به دلایل مختلف، یک سامانه اشتراک‌گذاری دوچرخه می‌تواند جایگزین مناسبی برای سفرهای کوتاه که با خودرو انجام می‌شود، باشد. اولاً، در مناطق مرکز شهر دوچرخه‌ها می‌توانند کارآمدتر از خودروهای شخصی برای سفرهای کوتاه مانند خرید و رفت‌وآمد باشند. دوم، در مناطق مرکز شهر اختلاف چشمگیری بین سرعت حرکت دوچرخه‌ها و خودروها وجود دارد. در مقاله [5]، ۱۱ میلیون مسیر دوچرخه را در مرکز شهر لیون، فرانسه مورد تجزیه و تحلیل قرارداد و نشان داد که سفرهای دوچرخه در واقع سریع‌تر از سفرهای ماشین بود. درحالی که میانگین سرعت اتومبیل در شهرهای اروپایی از ۱۰ تا ۱۵ کیلومتر در ساعت متغیر است. طی تحقیقات

می‌تواند انجام شود. متعادل‌سازی دوچرخه در شب و یا زمانی که استفاده کاربران از دوچرخه کم است، متعادل‌سازی استاتیک نامیده می‌شود. درصورتی که متعادل‌سازی در هنگام استفاده کاربران و همچنین نقش استفاده کاربران در نظر گرفته شود، متعادل‌سازی پویا نامیده می‌شود.

جهت حل مسئله مطرح شده مقالاتی با موضوعات اشتراک‌گذاری دوچرخه، اینترنت اشیاء، شهر هوشمند مطالعه شد که چند مقاله که ارتباط پیشتری با موضوع داشتند انتخاب شدند. در ادامه خلاصه‌ای از مطالب این مقالات ارائه شده است.

### ۲-۱- افزایش دسترسی‌پذیری در سامانه

برای افزایش دسترسی‌پذیری سیستم و کاهش نارضایتی کاربر در سامانه‌های اشتراک‌گذاری دوچرخه راه‌حلی پویا برای توزیع دوچرخه در سامانه‌های اشتراک‌گذاری دوچرخه ارائه شده است [2]. دسترسی‌پذیری سیستم به این معنی می‌باشد که ایستگاه‌ها کاملاً پر و یا کاملاً خالی نباشد. در حالتی که ایستگاه کاملاً پر باشد مکانی برای پارک دوچرخه‌های جدید نمی‌باشد و در حالتی که ایستگاه کاملاً خالی باشد امکان اجراهه دوچرخه برای کاربر وجود نخواهد داشت. برای بهبود این وضعیت از تخمین تعداد درخواست‌ها در هر ایستگاه استفاده می‌شود. تخمین میزان استفاده از اشتراک‌گذاری دوچرخه در هر هر ایستگاه وابسته به ساعت، روز هفته، ماه می‌باشد. مدل سازی هر ایستگاه کاملاً پر و یا کاملاً خالی می‌شود تخمین زده می‌شود. درصورتی که سود حاصل از توزیع مجدد بیشتر از هزینه حرکت کامپیون جهت توزیع دوچرخه‌ها باشد، در طول روز انجام شود. در این روش از سه پارامتر زیر جهت ارزیابی استفاده می‌شود:

- میزان زمانی که سیستم خارج از سرویس است (کاملاً پر و یا کاملاً خالی)
- تعداد دفعات توزیع مجدد دوچرخه‌ها توسط کامپیون‌ها
- مسافتی که کامپیون‌ها روزانه جهت توزیع دوچرخه‌ها طی می‌کنند.

### ۲-۲- متعادل‌سازی سامانه

برای متعادل‌سازی سامانه‌های اشتراک‌گذاری دوچرخه از یک مدل تقویتی برای انگیزه دادن به کاربران ارائه شده است [3]. در سامانه‌های اشتراک‌گذاری دوچرخه شناور کاربر ملزم به برگرداندن دوچرخه به ایستگاه‌های تعیین شده نمی‌باشد و این امر باعث پراکندگی دوچرخه‌ها در سطح شهر و آشفتگی پیاده‌روها و معابر عمومی می‌گردد. در این روش جمع‌آوری دوچرخه‌ها با استفاده از کامپیون‌ها بسیار هزینه‌بر می‌باشد؛ بنابراین تلاش می‌شود که این کار تا حد امکان توسط کاربران انجام شود. رویکرد مبتنی بر کاربر یک روش ارزان‌تر و انعطاف‌پذیر برای متعادل‌سازی سیستم با ارائه انگیزه‌ها مالی و پیشنهاد مکان جایگزین برای رها کردن و یا برداشتن دوچرخه می‌باشد. برای حل این مشکل از الگوریتم یادگیری تقویتی قیمت‌گذاری سلسه‌مراتبی ایجاد شده است. در این الگوریتم یک مشکل به چند مشکل کوچک‌تر تقسیم می‌شوند. نتایج به دست آمده با استفاده از یک معیار به نام کاهش خدمت مورد ارزیابی قرار گرفته است. این پارامتر سطح خدمات را در تعداد درخواست‌های رضایت‌بخش در نظر می‌گیرد که معادل



هزینه‌های سفر کاربران، هزینه‌های موجود در دوچرخه و هزینه‌های تأسیسات ایستگاه‌های دوچرخه و خطوط دوچرخه و همچنین سطح سرویس دارد. هدف از این مطالعه ایجاد یک مدل رسمی است که چنین دیدگاهی یکپارچه را فراهم می‌کند و همچنین روش‌هایی برای به دست آوردن راه حل برای متغیرهای طراحی در شرایط عملی ایجاد می‌کند.

### ۳- فرموله سازی مسئله

در سامانه اشتراک‌گذاری دوچرخه در طول عملیات روزانه و استفاده کاربران، توزیع دوچرخه در سیستم از توازن خارج می‌شود. جابجایی دوچرخه‌ها باعث می‌شود که در ساعتی از روز یک ایستگاه خالی از دوچرخه شود و یا در ایستگاه دیگر تجمع زیادی از دوچرخه‌ها به وجود بیاید و امکان پارک دوچرخه دیگر وجود نداشته باشد. این امر منجر به کیفیت پایین خدمات و نارضایتی کاربر می‌شود. برای جلوگیری از چنین سناریوی، اپراتورها دوچرخه‌ها را در سراسر شبکه جابه‌جا می‌کنند تا سیستم به توزیع مناسب دست یابد. عملیات توزیع مجدد دوچرخه‌ها در شبکه با استفاده از خودروها یا کامیون‌های حمل دوچرخه انجام می‌شود که منجر به متعادل‌سازی دوچرخه‌ها در ایستگاه‌ها می‌شود. در توزیع مجدد دوچرخه‌ها مبحث زمان و تعداد دفعات توزیع دوچرخه‌ها، مسیریابی کامیون‌های حمل دوچرخه و ترغیب کاربران به متعادل‌سازی سیستم مطرح می‌شود که بحث چالش‌برانگیزی می‌باشد. یکی از عوامل تأثیرگذار در هزینه توزیع و متعادل‌سازی سیستم موقعیت قرارگیری ایستگاه‌ها و چیدمان ایستگاه‌ها در سیستم می‌باشد. در این مطالعه ابتدا معیارهای ارزش‌گذاری بر مکان و تعداد و ظرفیت ایستگاه‌ها شناسایی خواهد شد و همچنین کیفیت چیدمان ایستگاه‌ها از نظر تسهیل و کارایی باز توزیع دوچرخه‌ها بین ایستگاه‌ها بررسی خواهد گردید. با توجه به اهداف گفته شده، برای حل مسئله دو تابع هدف در نظر گرفته شده است. تابع اول برآش دسترسی‌پذیری سامانه و تابع دوم برآش هزینه توزیع مجدد سامانه را محاسبه می‌نماید. در ادامه این دو تابع به تفضیل شرح داده شده است.

### ۱-۳- برآش دسترسی‌پذیری

این تابع میزان دسترسی‌پذیری سامانه را با توجه به چینش ایستگاه‌ها و ماتریس تقاضا محاسبه می‌نماید. هدف ما در این مقاله مکان‌یابی  $k$  ایستگاه دوچرخه بهنحوی که متوسط فاصله سلول‌ها (با احتساب وزن آن‌ها) از ایستگاه محلی حداقل گردد. این محاسبه باید بدین صورت انجام شود که برای هر سلول فاصله آن با نزدیک‌ترین ایستگاه محاسبه شود و سپس متوسط وزن دار همه گرفته شود. توزیع تعدادی دوچرخه‌ها در ایستگاه‌ها متناسب با تقاضای سلول‌های مجاور آن‌ها باشد.

(۱)

$$f(x_1, x_2, \dots, x_n) = \frac{\sum_{i=1}^n D(i, x_1, x_2, \dots, x_n) \times w_i}{\sum_{i=1}^n w_i}$$

$$D(i, x_1, x_2, \dots, x_j) = \min \left\{ \begin{array}{l} \frac{1}{b_j} \times d(i, j) \times (1 \\ + \text{MaxValue} \times (1 - x_j)) \end{array} \right\}$$

به عمل آمده /6/ سرعت متوسط تمام وسائل نقلیه خودرویی در مرکز شهر سئول در سال ۲۰۱۵ ۱۷.۹ کیلومتر در ساعت بوده است؛ بنابراین توصیه می‌شود که سامانه‌های اشتراک‌گذاری دوچرخه به عنوان جایگزینی برای حمل و نقل عمومی یا اتومبیل‌های شخصی معرفی شوند چراکه در سال‌های اخیر پیشرفت چشمگیری داشته و با سایر وسائل حمل و نقل در مناطق شهری هماهنگ شده است. علاوه بر این، دوچرخه‌سواری باعث کاهش انتشار دی‌اسید کربن می‌شود و به کاهش تراکم ترافیک شهر کم می‌کند، زیرا دوچرخه نیاز به فضای کمتر از اتومبیل دارد. به طور خلاصه، دوچرخه‌ها به عنوان ابزار بهینه برای سفر کوتاه به فاصله از راه دور به شمار می‌روند زیرا آن‌ها حافظ محیط‌زیست، اقتصادی و راحت هستند [7]. از مزایای این طرح این است که از آن می‌توان در پیاده‌سازی سامانه اشتراک‌گذاری دوچرخه در شهر یا کشورهای دیگر نیز استفاده نمود. از مشکلات این طرح این است که مسافرت‌های کوتاهی که توسط تاکسی‌ها انجام شده‌اند موردمطالعه قرار گرفته‌اند. در حالی که خودروهای شخصی بسیاری در مرکز شهر تردد دارند. همچنین در بررسی تعداد جمعیت شناور در منطقه جغرافیایی جهت حرکت و مسیر حرکت آن‌ها تعیین نشده است.

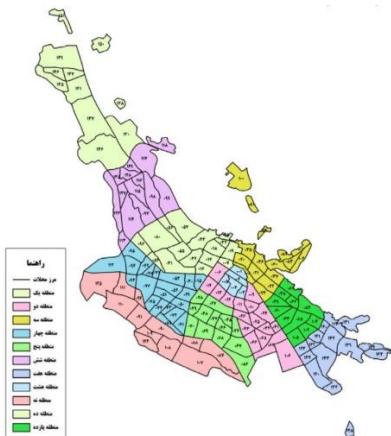
در مقاله‌ای دیگر [8] روشنی در خصوص یافتن مکان مناسب برای ایستگاه‌های دوچرخه از طریق پیش‌بینی میزان تقاضا بر اساس موقعیت ارائه شده است. جهت ارزیابی از داده‌های موجود در دنیای واقعی در شهرهای Hangzhou, D.C و Washington, D.C استفاده شده است. نتیجه ارزیابی نشان می‌دهد که این روش می‌تواند برای شهرهای مختلف به طور مؤثری استفاده شود تا مکان‌هایی با ظرفیت بالقوه برای قرار دادن ایستگاه‌های دوچرخه شناسایی شود. در این مقاله از یک رویکرد مبتنی بر داده برای پیش‌بینی تقاضای سفر دوچرخه جهت یافتن مکان مناسب برای قرار دادن ایستگاه دوچرخه استفاده شده است. با توجه به وجود انواع داده‌های قابل استفاده در هر شهر ابتدا مجموعه داده‌های قابل استفاده در هر شهر را شناسایی می‌کنیم و سپس با استفاده از ویژگی‌های موردنظر مجموعه داده‌ها را انتخاب مکنیم و سپس از این داده‌ها جهت ارزیابی موقعیت مکانی برای قرار دادن ایستگاه‌های دوچرخه استفاده می‌شود.

در مقاله [9]/، طراحی و تجزیه و تحلیل یک مدل طراحی استراتژیک برای سامانه‌های اشتراک‌گذاری دوچرخه ارائه شده است. پارامترهای کلیدی در طراحی این سیستم عبارتند از: تعداد و مکان ایستگاه‌های اشتراک دوچرخه در سیستم، ساختار مسیر بین ایستگاه‌های دوچرخه، انتخاب مسیرها بین مبدأ و مقصد کاربران و میزان موجودی دوچرخه‌ها در ایستگاه‌ها. تضمیمات طراحی با در نظر گرفتن هزینه کل و سطح دسترسی‌پذیری سیستم (وجود داشتن دوچرخه در ایستگاه‌هایی که کاربر درخواست می‌دهد و پوشش مطلوب مبدأ و مقصد کاربران) ساخته شده است.

یکی از عوامل موقفيت این سیستم این است که کاربران به راحتی با پیمودن یک مسیر پیاده‌روی کوتاه به ایستگاه‌های دوچرخه دسترسی پیدا کنند. این سیستم نیاز به وجود تعداد کافی ایستگاه‌های دوچرخه دارد تا این ایستگاه‌ها در مکان‌های مناسب جهت استفاده کاربران قرار گیرد و کاربران بتوانند دوچرخه را در نزدیکی مبدأ خود دوچرخه را تحويل بگیرند و در نزدیکی مقصد خود دوچرخه را تحويل دهند. مثال‌های موجود نشان می‌دهد که ایستگاه‌های دوچرخه نباید بیش از ۳۰۰-۵۰۰ متر از مبدأ و مقصد های مهم قرار گیرد.

طراحی مطلوب این سیستم نیاز به یکپارچه کردن دیدگاه‌های

محاسبه می شود و به صورت ورودی در الگوریتم استفاده می شود.



شکل ۲: محدوده جغرافیایی محلات به تفکیک مناطق شهرداری شیراز [10]

در مرحله بعد جمعیت اولیه از کروموزوم‌های مختلفی شامل چیدمان ایستگاه‌ها در سلول‌های مختلف ایجاد می‌شود. در هر کروموزوم با توجه به حداقل تعداد دوچرخه موجود در سیستم و تعداد ایستگاه‌های موردنیاز سلول‌ها چیده می‌شوند. در این روش کروموزوم‌ها نشان‌دهنده نحوه چینش ایستگاه‌ها می‌باشد. هر ژن در این کروموزوم‌ها نماینده یک سلول می‌باشد که مقدار ژن معادل تعداد دوچرخه‌های موجود در سلول می‌باشد. در صورتی که مقدار ژن برابر با صفر باشد، در آن سلول ایستگاهی وجود نخواهد داشت. در غیر این صورت مقدار ژن برابر با تعداد دوچرخه موجود در آن سلول می‌باشد و این سلول در این کروموزوم به عنوان ایستگاه در نظر گرفته می‌شود.

حال برای ارزیابی هر کروموزوم از تابع برازش استفاده می‌نماییم. در این تابع مقدار برازش هر کروموزوم تعیین می‌شود. هدف حداقل کردن این تابع است. پس احتمال انتخاب کروموزومی برای تولید نسل بیشتر است که مقدار محاسبه شده توسط تابع برازش برای آن کمتر باشد. مقدار برازش در هر کروموزوم برابر با میزان دسترس‌پذیری و هرینه متعادل‌سازی مجدد می‌باشد. دسترس‌پذیری معادل با میزان مسافتی که کاربر باید طی کند تا به نزدیک‌ترین ایستگاه برسد می‌باشد. جهت بالا بردن دسترس‌پذیری می‌بایست چیدمان ایستگاه‌ها به نحوی باشد که میزان مسافت طی شده توسط کاربران حداقل باشد.

برای محاسبه هزینه متعادل‌سازی مجدد از مدل زنجیره مارکوف استفاده می‌نماییم. به دلیل اینکه در سامانه اشتراک‌گذاری دوچرخه احتمال گذار سیستم از حالت به حالت دیگر مستقل از مرحله آن می‌باشد از مدل زنجیره مارکوف همگن استفاده می‌کنیم. برای محاسبه هزینه توزیع مجدد سیستم با استفاده از الگوریتم زنجیره مارکوف گسسته ابتدا حالت اولیه سیستم را به دست می‌آوریم. پس از آن با استفاده از ماتریس احتمال حرکت بین سلول‌ها که شامل درصد احتمال حرکت از یک سلول به سلول دیگر می‌باشد، ماتریس انتقال را به دست می‌آوریم. همان‌طور که در قطعه کد زیر نشان داده شده است ابتدا سلول‌هایی را که در آن ایستگاه وجود دارد را به دست می‌آوریم و سپس ماتریس انتقال را بر اساس این سلول‌ها به دست می‌آوریم.

تعداد ایستگاه‌ها =  $K$

در هر سلول ایستگاه وجود دارد یا ندارد =  $x_i$

وزن هر سلول بر اساس ماتریس تقاضا =  $w_i$

تعداد سلول‌ها =  $n$

تعداد دوچرخه‌ها در هر سلول =  $b_j$

فاصله بین دو سلول =  $d(i, j)$

## ۲-۳- برازش توزیع مجدد

شبکه ایستگاه‌ها از نظر بالا نمودن مجدد به وسیله کامیون توزیع مجدد می‌بایست حداقل هزینه را داشته باشد. تور بین ایستگاه‌ها از نظر ترافیک و سادگی حرکت کامیون مناسب باشد. به شیوه ایستگاه‌ها از نظر اینکه چقدر احتمال دارد وارد حالت غیر متعادل بشود باید بتوانیم یک عدد بین ۰ و ۱ تخمینی اختصاص دهیم و این عدد ضربی هزینه تور خواهد بود. در این مقاله یک مدل مارکوف دوچاله این احتمال را به دست خواهد آمد. به دلیل اینکه در سامانه اشتراک‌گذاری دوچرخه احتمال گذار سیستم از حالت به حالت دیگر مستقل از مرحله آن می‌باشد از مدل زنجیره مارکوف همگن استفاده می‌کنیم. برای محاسبه هزینه توزیع مجدد سیستم با استفاده از الگوریتم زنجیره مارکوف گسسته ابتدا حالت اولیه سیستم را به دست می‌آوریم. پس از آن با استفاده از ماتریس احتمال حرکت بین سلول‌ها که شامل درصد احتمال حرکت از یک سلول به سلول دیگر می‌باشد، ماتریس انتقال را به دست می‌آوریم. همان‌طور که در قطعه کد زیر نشان داده شده است ابتدا سلول‌هایی را که در آن ایستگاه وجود دارد را به دست می‌آوریم و سپس ماتریس انتقال را بر اساس این سلول‌ها به دست می‌آوریم.

## ۳-۳- کدگذاری کروموزوم‌ها

هر کروموزوم نشان‌دهنده چینش ایستگاه‌ها در سلول‌های متفاوت می‌باشد. هر کروموزوم به تعداد سلول‌های نظر گرفته شده در سطح شهر، دارای ژن‌های متفاوت می‌باشد. هر ژن موجود در کروموزوم نشان‌دهنده یکی از سلول‌های شهر می‌باشد و مقدار آن نشان‌دهنده تعداد دوچرخه‌های موجود در آن سلول می‌باشد. در صورتی که مقدار ژن صفر باشد در آن سلول ایستگاه وجود نخواهد داشت و در صورتی که مقدار ژن مخالف صفر باشد در آن سلول ایستگاه وجود خواهد داشت و مقدار ژن نشان‌دهنده تعداد دوچرخه در آن ایستگاه می‌باشد. به طور مثال در شکل زیر نمونه کروموزوم‌های ایجادشده در سیستم مشاهده می‌شود.

0 0 0 12 0 0 15 0 0 12 0 0 0 10 0 0 0 15 0 0 0 0 11 0

0 13 0 0 0 0 0 0 0 15 15 0 0 0 5 0 0 0 15 0 0 0 0 12 0

شکل ۱: نمونه کروموزوم ایجادشده در سیستم

## ۴- مدل پیشنهادی

برای یافتن راه حل تقریبی بهینه مسئله از الگوریتم ژنتیک استفاده شده است. در این روش شهر به صورت سلول‌هایی در نظر گرفته شده است. هر سلول دارای ویژگی‌های وزن و موقعیت جغرافیایی (*latitude, longitude*) می‌باشد. وزن هر سلول بر اساس معیارهایی از جمله میزان نزدیک بودن به اماکن عمومی مانند مدرسه، دانشگاه، کتابخانه، ایستگاه اتوبوس، ایستگاه مترو

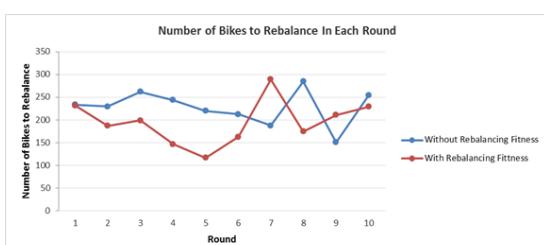
۵۱۸	۲۱۳	۶
۵۳۳	۱۸۸	۷
۷۹۶	۲۸۵	۸
۶۱۲	۱۵۱	۹
۷۲۶	۲۵۴	۱۰
متوسط		
۶۰۸	۲۲۸	

در ۱۰ مرحله دوم مقدار دسترس پذیری و هزینه متعادل سازی مجدد به عنوان مقدار خروجی در نظر گرفته شد و خروجی آن را که شامل مکان و ظرفیت ایستگاه بود را به عنوان ورودی در شبیه ساز سامانه مورد استفاده قرار گرفت. پس از اجرای الگوریتم شبیه ساز، عملکرد سامانه در این مرحله نیز بررسی گردید. نتیجه خروجی الگوریتم شبیه ساز با در نظر گرفتن متعادل سازی مجدد را در جدول زیر مشاهده می نمایید.

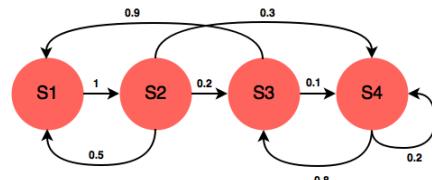
جدول ۲: خروجی شبیه ساز سامانه با در نظر گرفتن متعادل سازی مجدد

تعداد درخواست های پاسخ داده شده کاربران	تعداد دوچرخه های موردنیاز به توزیع مجدد	ردیف
۷۲۱	۲۳۲	۱
۶۳۳	۱۸۷	۲
۵۰۴	۱۹۹	۳
۵۳۷	۱۴۷	۴
۵۲۵	۱۱۷	۵
۶۰۳	۱۶۳	۶
۶۳۱	۲۸۹	۷
۶۱۷	۱۷۵	۸
۵۱۱	۲۱۱	۹
۶۵۲	۲۲۹	۱۰
متوسط		
۵۹۳	۱۹۴	

مقایسه خروجی ها در شبیه ساز نشان می دهد که در سامانه به اشتراک گذاری دوچرخه، در حالتی که هزینه متعادل سازی مجدد در چیش ایستگاه ها در نظر گرفته نشد، به طور متوسط ۲۲۸ دوچرخه نیاز به متعادل سازی مجدد دارد. در حالتی که هزینه متعادل سازی را در تابع برازش چیدمان ایستگاه ها تأثیر می دهیم، تعداد دوچرخه هایی که در سیستم نیاز به متعادل سازی مجدد دارند به ۱۹۴ دوچرخه کاهش می یابد. در شکل زیر نمودار مقایسه این دو حالت را می توانید مشاهده نمایید.



شکل ۵: مقایسه تعداد دوچرخه های موردنیاز به متعادل سازی مجدد



شکل ۳: گراف وزن دار زنجیره مارکوف

$$P = \begin{bmatrix} S_1 & S_2 & S_3 & S_4 \\ S_1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ S_2 & 0.5 & 0 & 0.2 & 0.3 \\ S_3 & 0.9 & 0 & 0 & 0.1 \\ S_4 & 0 & 0 & 0.8 & 0.2 \end{bmatrix}$$

شکل ۴: ماتریس گزار

ماتریس وضعیت اولیه نمایانگر میزان درخواست ها در هر ایستگاه می باشد. برای محاسبه وضعیت بعدی سیستم، ماتریس وضعیت جاری را در ماتریس گزار ضرب می کنیم و نتیجه حاصل شده وضعیت سیستم را در حالت بعدی نشان خواهد داد. این کار را تا  $n$  مرحله تکرار می کنیم. وضعیت نهایی را سیستم را در تعداد دوچرخه های کل ضرب می کنیم تا تعداد دوچرخه در هر ایستگاه در وضعیت نهایی تعیین گردد. با مقایسه تعداد دوچرخه های در هر ایستگاه در وضعیت اولیه و وضعیت نهایی می توانیم تعداد دوچرخه هایی که نیاز به توزیع مجدد دارند را محاسبه کنیم. هر چه که تعداد دوچرخه های در سیستم برای متعادل سازی مجدد کمتر باشد، متعاقباً هزینه متعادل سازی مجدد نیز کمتر خواهد بود.

## ۵- ارزیابی

الگوریتم مطرح شده در مدل پیشنهادی باهدف امکان مقایسه و ارزیابی نتایج طی ۲۰ مرحله متفاوت با ورودی های ثابت اجرا شده است. در ۱۰ مرحله اول در تابع برازش تنها مقدار دسترس پذیری به عنوان مقدار برازش در نظر گرفته شد و خروجی آن را که شامل مکان و ظرفیت ایستگاه بود را به عنوان ورودی در شبیه ساز سامانه مورد استفاده قرار گرفت. پس از اجرای الگوریتم شبیه ساز، عملکرد سامانه با توجه به تعداد دوچرخه های موردنیاز به توزیع مجدد و تعداد درخواست های پاسخ داده شده کاربران بررسی گردید. نتیجه خروجی الگوریتم شبیه ساز در این مرحله را در جدول زیر مشاهده می نمایید.

جدول ۱: خروجی شبیه ساز سامانه بدون در نظر گرفتن متعادل سازی

ردیف	تعداد دوچرخه های موردنیاز به توزیع مجدد	تعداد درخواست های پاسخ داده شده کاربران	مجدد
۱	۲۳۴	۵۲۲	
۲	۲۳۰	۵۵۶	
۳	۲۶۲	۶۲۷	
۴	۲۴۴	۵۸۶	
۵	۲۲۰	۶۰۹	

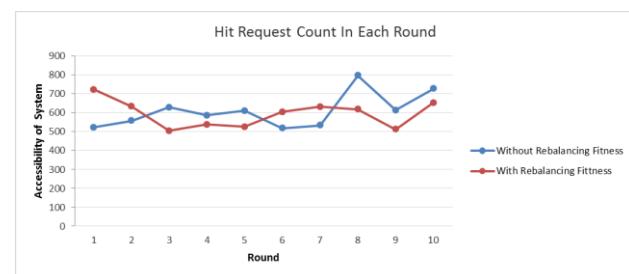
دوچرخه‌ها از اهمیت خاصی برخوردار است. جهت افزایش دسترسی‌پذیری سیستم، تعیین موقعیت ایستگاه‌ها یکی از عوامل کلیدی می‌باشد. جهت کاهش هزینه سیستم، کاهش میزان توزیع مجدد دوچرخه‌ها نیز از عوامل کلیدی می‌باشد. در این مطالعه، مدلی جهت بهینه‌سازی مکان ایستگاه‌ها با توجه به کاهش هزینه توزیع دوچرخه‌ها ارائه شد.

جهت مکان‌یابی بهینه ایستگاه‌های دوچرخه از الگوریتم زنتیک بهره گرفته شد. در تابع برازش این الگوریتم دو پارامتر میزان دسترسی‌پذیری و هزینه متعادل‌سازی مجدد در نظر گرفته شد. چیدمان بهینه ایستگاه‌ها با توجه به افزایش دسترسی‌پذیری و کاهش هزینه متعادل‌سازی مجدد محاسبه گردید. نتایج خروجی در دو حالت مختلف یکی با در نظر گرفتن هزینه متعادل‌سازی مجدد و دیگری بدون در نظر گرفتن هزینه متعادل‌سازی مجدد با هم مقایسه شدند. با توجه به نمودارها و مقادیر خروجی مشاهده گردید که با در نظر گرفتن هزینه متعادل‌سازی مجدد دارند، کاهش پیدا کرد و تعداد دوچرخه‌هایی که نیاز به متعادل‌سازی مجدد دارند، مشاهده شد که با در نظر گرفتن مقادیر بودست آمده را به دلار تبدیل کرده و مشاهده شد که با در نظر گرفتن مقادیر برازش هزینه توزیع مجدد در جانمایی ایستگاه‌ها درآمد خالص سیستم افزایش خواهد یافت.

## مراجع

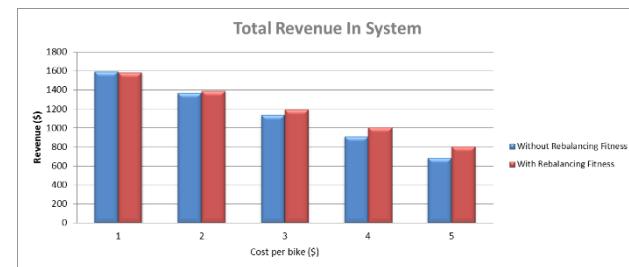
- [1] J. Lin and T. Yang, "Strategic design of public bicycle sharing systems with service level constraints," *Transportation Research Part E: Logistics and Transportation Review*, pp. 284-294, 03 2011.
- [2] F. Chiariotti, C. Pielli, A. Zanella and M. Zorzi, "A Dynamic Approach to Rebalancing Bike-Sharing Systems," *Sensor*, p. 512, 08 02 2018.
- [3] A. Pal and Y. Zhang, "Free-floating bike sharing: Solving real-life large-scale static rebalancing problems," *Transportation Research Part C: Emerging Technologies*, pp. 92-116, 07 2017.
- [4] C. Park and S. Y. Sohn, "An optimization approach for the placement of bicycle-sharing stations to reduce short car trips," *Transportation Research Part A: Policy and Practice*, pp. 154-166, 2017.
- [5] P. Jensen, J. Rouquier, N. Ovtracht and C. Robardet, "Characterizing the speed and paths of shared bicycle use in Lyon," *Transportation Research Part D: Transport and Environment*, p. 522-524, 2010.
- [6] L. M. Martinez, L. Caetano, T. Eiró and F. Cruz, "An Optimisation Algorithm to Establish the Location of Stations of a Mixed Fleet Biking System: An Application to the City of Lisbon," *Procedia - Social and Behavioral Sciences*, pp. 513-524, 2012.
- [7] A. Kabra, E. Belavina and K. Girotra, "Bike-Share Systems: Accessibility and Availability," *SSRN Electronic Journal*, 2018.
- [8] L. Chen, D. Zhang, G. Pan, X. Ma, D. Yang and K. Kushlev, "Bike sharing station placement leveraging heterogeneous urban open data," *Proceedings of the 2015 ACM International Joint Conference on Pervasive and Ubiquitous Computing - UbiComp 15*, 2015.
- [9] J.-R. Lin, T.-H. Yang and Y.-C. Chang, "A hub location inventory model for bicycle sharing system design: Formulation and solution," *Computers & Industrial Engineering*, pp. 77-86, 2013.
- [10] شهرداری شیراز, "محله بندي شهر شیراز با رویکرد توسعه همگون و متوازن," ۱۳۹۶.

همچنین مقایسه خروجی‌ها پس از اجرای شبیه‌ساز سامانه نشان می‌دهد که متوسط تعداد درخواست‌های پاسخ داده شده کاربران، بدون در نظر گرفتن هزینه متعادل‌سازی مجدد در چیدمان ایستگاه‌ها، ۶۰۸ می‌باشد. هنگامی که هزینه متعادل‌سازی را در تابع برازش چیدمان ایستگاه‌ها تأثیر می‌دهیم، متوسط تعداد درخواست‌های پاسخ داده شده کاربران به ۵۹۳ کاهش می‌یابد. در شکل زیر نمودار مقایسه این دو حالت را می‌توانید مشاهده نمایید.



شکل ۶: مقایسه متوسط ورنی مسافت طی شده جهت دسترسی به دوچرخه

برای مقایسه درآمد خالص سیستم در دو حالت ذکر شده از دو پارامتر استفاده می‌نماییم. پارامتر اول هزینه توزیع مجدد به ازای هر دوچرخه است و پارامتر دوم میزان درآمد حاصل شده از تعداد درخواست‌های پاسخ داده شده کاربران می‌باشد. با ضرب کردن پارامتر هزینه توزیع هر دوچرخه به ازای مقادیر ۱ تا ۵ دلار و ضرب کردن پارامتر تعداد درخواست‌های پاسخ داده شده به ازای مقدار ۳ دلار، امکان مقایسه تأثیر مدل پیشنهادی در درآمد خالص سیستم تعیین می‌شود. مقادیر ۱ تا ۵ دلار را در متوسط تعداد دوچرخه‌های موردنیاز به توزیع مجدد و مقدار درآمد ۳ دلار به ازای اجاره هر دوچرخه را در متوسط تعداد درخواست‌های پاسخ داده شده ضرب می‌نماییم. برای به دست آوردن درآمد خالص سیستم هزینه توزیع مجدد را از درآمد کلی حاصل از سیستم کسر می‌کنیم. مقایسه این دو حالت در نمودار زیر مشاهده می‌شود.



شکل ۶: مقایسه درآمد خالص سیستم در دو حالت

همان‌طور که در شکل مشاهده می‌شود، با در نظر گرفتن مقدار برازش هزینه توزیع مجدد در جانمایی ایستگاه‌ها، درآمد خالص سیستم بیشتر خواهد بود.

## ۶- نتیجه‌گیری

امروزه سامانه اشتراک‌گذاری دوچرخه به عنوان یکی از سامانه‌های حمل و نقل عمومی بکار می‌رود. در این سامانه‌ها، شناسایی مناطق مناسب ایستگاه دوچرخه، پیش‌بینی تعداد دوچرخه موردنیاز در ایستگاه و نحوه توزیع