

## طراحی یک معماری بلاک چین برای اینترنت اشیا

سروه سعیدپور<sup>1\*</sup>، سیروس فتحی منش<sup>2</sup>، محمد فتحی<sup>3</sup><sup>1</sup> کارشناس ارشد مهندسی برق-مخابرات، دانشگاه کردستان، [serve.saeidpour@gmail.com](mailto:serve.saeidpour@gmail.com)<sup>2</sup> دکتری آمار، دانشگاه کردستان، [s.fathimanech@uok.ac.ir](mailto:s.fathimanech@uok.ac.ir)<sup>3</sup> دکتری مهندسی برق-مخابرات، دانشگاه کردستان، [mfathi@uok.ac.ir](mailto:mfathi@uok.ac.ir)

چکیده :

در این مقاله به ارائه طرحی برای سرویس بلاک چین بر پایه اینترنت اشیا پرداخته می شود. در این طرح یک مدل شبکه بر طبق قانون صف ارائه شده است که اطلاعات دریافت شده و ثبت شده در گره های شبکه اینترنت اشیا در شبکه را با بیشترین بهره وری در اختیار سیستم بلاک چین قرار دهد. هدف اصلی این طرح بهینه سازی زمان رجوع سیستم بلاک چین به تراکنش های موجود در گره های شبکه، اندازه بافر گره ها، و تعداد گره های ذخیره کننده تراکنش ها می باشد. با توجه به غیرمحدب بودن مسئله، یک روش عددی برای حل آن ارائه می گردد.

کلید واژه ها: اینترنت اشیا، بلاک چین، قانون صف، بهینه .

## 1- مقدمه

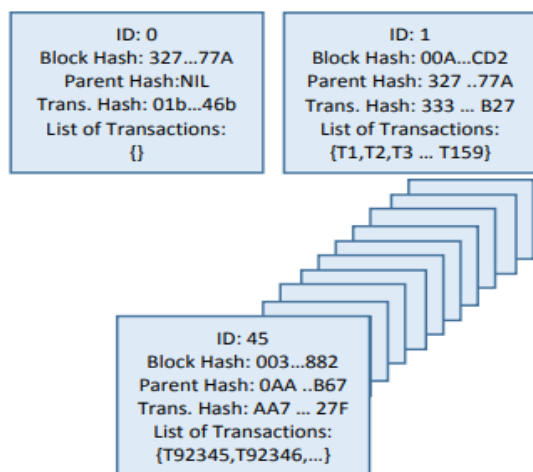
در طراحی سیستم های جدید، همچنان که تسهیل کنترل دسترسی منابع در سناریوهای مختلف مورد نظر می باشد، راه حل های ارائه شده باید یک سطح رضایت از امنیت را نیز فراهم کنند. با توجه به آینده پیش بینی شده برای اینترنت اشیا، یکی از مهم ترین مسائلی که امروزه مورد بحث قرار می گیرد بحث بهره وری انرژی در اینترنت اشیا است. یکی از راه های کاربردی برای تسهیل در رسیدن به هدف مورد نظر در اینترنت اشیا استفاده از فناوری و اپلیکیشن های بر پایه بلاک چین است. بلاک چین یا زنجیره بلوکی یک ساختار داده توزیع شده است که در میان اعضای یک شبکه تکرار شده و به اشتراک گذاشته شده است. هر بلوک در زنجیره شامل حمل لیستی از اطلاعات و هش بلوک قبلی است. اولین بلوک زنجیره به نام پیدایش فقط شامل هش خود بلوک و اطلاعات می باشد و بلوک های بعدی شامل هش خود، هش بلوک قبلی و اطلاعات می باشند. فناوری بلاک چین مزایایی دارد همچون کنترل غیرمتمرکز، شفافیت داده ها و قابلیت اطمینان، توزیع اطلاعات، اجماع غیر متمرکز و امنیت بالا می باشد [1].

در این پژوهش ارائه طرحی از بلاک چین جهت اعمال و استفاده در اینترنت اشیا مد نظر است. در این طرح نیازمندی ها و معماری بلاک چین استخراج می شود و عملکرد به صورت ساختاری مورد بررسی قرار می گیرد.

اینترنت اشیا (IOT) یک تکنولوژی است که در سال های اخیر توجه ویژه ای به آن شده است. این تکنولوژی با سرعت زیادی در حوزه های مختلف در حال رشد و توسعه می باشد و گامی جدید در پیشرفت فناوری است. اینترنت اشیا به افراد و اشیا اجازه می دهد تا با استفاده از انواع شبکه های ارتباطی در هر زمان و هر مکان به یکدیگر متصل شوند. پیش بینی شده است که بسیاری از خدمات IOT در سراسر جهان به میلیون ها دستگاه ساده و بعضاً ریز دسترسی داشته باشند. علاوه بر این، قابلیت های محدود بسیاری از دستگاه های IOT و همچنین سیستم های کنترل دسترسی فعلی مبتنی بر ساختارهای متمرکز و سلسله مراتبی، چالش های جدیدی را در حوزه IOT ایجاد می کند. دستگاه های IOT می توانند توسط چندین مدیر به طور همزمان مدیریت شوند. علاوه بر این، بسیاری از دستگاه های IOT از نظر CPU، حافظه و منابع باتری بسیار محدود خواهند بود تا بتوانند با استفاده از سیستم های فعلی به درستی کار کنند. از این رو، روش های جدیدی برای دستیابی به حل مشکل مورد نیاز وجود دارند [2]. برای غلبه بر این مشکل، بلاک چین های زنجیره ای خصوصی که امکان مشارکت کاربران معتبر را فراهم می کنند پیشنهاد شده است. این پیاده سازی های بلاک چین از روش های اجماع استفاده می کنند که نیازی به قدرت محاسباتی بالایی برای حل مشکلات هش ندارند.

## 2- تکنولوژی بلاک چین

نیست. این هم به نوبه خود باعث مقاومت سیستم در برابر حمله‌های سایبری می‌گردد [3].



شکل 1- نحوه عملکرد تکنولوژی بلاک چین

## 3- نحوه ذخیره سازی اطلاعات

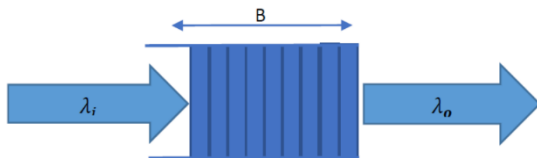
روش‌های ذخیره سازی اطلاعات را می‌توان به دو دسته "ذخیره سازی کامل" و "ذخیره سازی محلی" تقسیم کرد. با توجه به موانع ذکر شده در سیستم‌های مبتنی بر IOT، بهترین پیشنهاد در این حوزه ذخیره سازی محلی خواهد بود، ولی باز هم نیازمند الگوریتمی هستیم که بتوانیم به راحتی و با سرعت بالا از طریق هر کدام از نودهای شبکه به تمام اطلاعات موجود در شبکه دسترسی داشته باشیم. لذا استفاده از حداقل حافظه ی مشترک بین تمام نودها ناپذیر خواهد بود. در کنار ذخیره سازی محلی تراکنش‌ها، به بانک‌های اطلاعاتی جهت ذخیره سراسری و دائمی تراکنش‌ها نیاز است، لذا استفاده از فضای ابری پیشنهاد می‌شود. مطابق شکل 2 فضای ابری را در نظر می‌گیریم که بتوانیم اطلاعات کامل شبکه را در آن ذخیره کنیم و برای دسترسی به تمامی اطلاعات به عنوان مرجع ذخیره اطلاعات عمل کند و تمامی نودها به صورت مستقیم به آن دسترسی داشته و در تعامل باشند. بدیهی است تمامی این سرورهای پیش‌بینی شده دائما به شبکه اینترنت متصل خواهند بود [4].

بسیاری از خدماتی که امروزه در دنیا عرضه می‌شوند، همگی به صورت متمرکز و تحت کنترل یک نهاد نظارتی می‌باشند. این رویکرد ضمن داشتن مزیت‌هایی نظیر افزایش کیفیت و سرعت ارائه‌ی سرویس‌ها، مشکلاتی از جمله افزایش نابرابری و عدم شفافیت را به همراه دارد. سیستم‌های غیرمتمرکز می‌توانند با فراهم کردن بستری مناسب جهت نظارت بر نحوه‌ی ارائه‌ی سرویس‌ها، از به وجود آمدن این مشکلات جلوگیری کنند. در این بین، طراحی یک سیستم مالی غیرمتمرکز از ضرورت مضاعفی برخوردار است، زیرا سیستم‌های مالی، بخشی جدایی ناپذیر از هر سازمانی بوده و وجود شفافیت در نحوه‌ی عملکرد آنها در کنار امنیت از اهمیت بالایی برخوردار است به همین دلیل سیستم بلاک چین با ارز دیجیتال به نام بیت کوین شناخته شد. بلاک چین در واقع یک پایگاه داده‌ی توزیع شده‌ی همگانی است که در آن اطلاعات با ترتیب خاصی وارد شده و در آینده قابل تغییر نیستند. مزیت اصلی این پایگاه داده‌ی همگانی این است که همه‌ی کاربران به آن دسترسی داشته و در صورت لزوم می‌توانند با تمهیداتی، اطلاعات جدیدی را به آن اضافه نمایند [2].

## 2-1- نحوه عملکرد بلاک چین

بلاک چین یک ساختار ذخیره سازی اطلاعات مبتنی بر زنجیره‌ای از بلوک‌های داده‌ای مرتبط به هم است که توسط گروه‌های شرکت کننده در این سیستم به صورت گروهی تولید، خطایابی و نگهداری می‌شود. تغییر در هر یک از بلوک‌ها، موجب از اعتبار افتادن بلوک‌های بعدی می‌شود. هر بلوک جدید، در یک مکانیزم رقابتی به وسیله‌ی یکی از افراد شرکت کننده، از داده‌های جدید تولید شده در این سیستم آماده و به زنجیره اضافه می‌شود. شکل 1 نحوه عملکرد تکنولوژی بلاک چین را به صورت ملموس‌تری بیان می‌کند. بلوک‌های جدید به وسیله‌ی بقیه‌ی افراد شرکت کننده در سیستم قابل دسترسی و صحت سنجی هستند. چنانچه یک بلوک شامل خطایی در ذخیره سازی باشد، به وسیله سایر گروه‌های موجود در شبکه شناسایی شده و در زنجیره‌ی اصلی ثبت نمی‌شود. تا زمانی که بیش از 50 درصد گروه‌های شبکه، روی زنجیره‌ی فعلی توافق داشته باشند، زنجیره معتبر خواهد بود. به دلیل ساختار زنجیره‌ای و ارتباط تنگاتنگ هر بلوک با بلوک‌های قبلی خود، تغییر داده‌های مورد توافق اکثریت شبکه نیازمند قدرت محاسباتی بسیار زیادی است که قابل تامین

چون زمان دسترسی به تراکنش ها را افزایش می دهد. برای مدلسازی فرایند ورود و خروج تراکنش از شبکه  $IOT$ ، مدل هر گره را به شکل 4 در نظر می گیریم. به صورتی که  $\lambda_i$  نرخ ورود،  $\lambda_o$  نرخ خروج و ظرفیت حافظه در این نود را با  $B$  مشخص خواهیم کرد.  $B$  تعداد تراکنش هایی هست که این نود می تواند در خود ذخیره کند.



شکل 4- مدل صف

این مدل به شکل یک صف  $m/m/1/B$  می باشد که سرور با اندازه بافر  $B$  است. روند ورود اطلاعات به صف با نرخ  $\lambda_i$  تراکنش در ثانیه می باشد و زمان سرویس به صورت توزیع نمایی با میانگین زمان سرویس  $\frac{1}{\lambda_o}$  می باشد. تراکنش ها با نرخ متوسط  $\lambda_o$  از حافظه خارج شده و به شبکه  $cloud$  ارسال می شوند. شبکه  $IOT$  سعی دارد احتمال در دسترس بودن یک تراکنش در شبکه  $IOT$  را افزایش دهد. برای بهینه سازی مدل فوق، پارامترهای زیر را تعریف می کنیم [6].

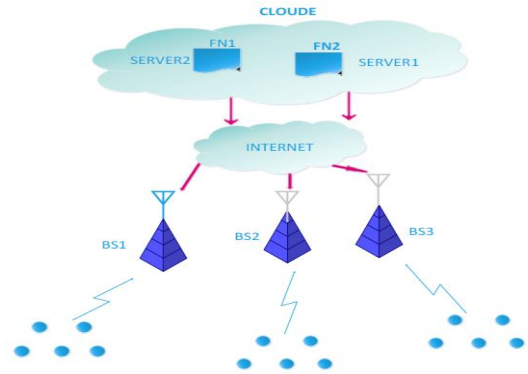
$P_b$ : احتمال بلاک کردن یک تراکنش

زمانی که یک تراکنش وارد حافظه یک گره می گردد اگر حافظه فضای خالی داشته باشد تراکنش ذخیره می گردد و اگر حافظه پر باشد تراکنش ورودی ذخیره نشده و اصطلاحاً تراکنش بلوکه می گردد. البته بدیهی است که این تراکنش ممکن است در گره های دیگر شبکه بلوکه نشده باشد و در حافظه تعدادی از گره های شبکه  $IOT$  ذخیره شود. مطابق محاسبات انجام شده در تئوری صف، احتمال بلوکه شدن یک تراکنش در یک گره به صورت زیر محاسبه می شود:

$$P_b = \frac{1 - \rho}{1 - \rho^{B+1}} \rho^B \quad (1)$$

که  $\rho = \frac{\lambda_i}{\lambda_o}$  است و بیانگر شدت ترافیک ورودی در واکنش ها به صف است.

$P_f$ : احتمال ارسال کردن یک تراکنش به  $cloud$

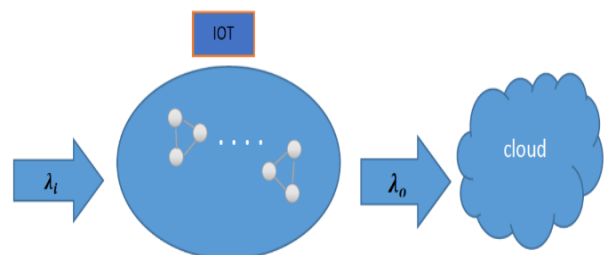


شکل 2- فضای ابری ثبت اطلاعات اینترنت اشیاء

#### 4- طرح بهینه سازی الگوریتم بلاک چین

##### 4-1 مدل شبکه

مطابق شکل 3 یک شبکه اینترنت اشیاء شامل  $n$  گره در نظر بگیرید که به فضای ابری متصل است. این شبکه یک بستر برای سرویس بلاک چین است. فرض کنید تراکنش ها توسط یک سرویس بلاک چین بر بستر شبکه  $IOT$  با نرخ  $\lambda_i$  تراکنش در ثانیه تولید شوند. این تراکنش ها در ابتدا در حافظه گره های  $IOT$  ذخیره می شوند و در صورت نیاز توسط سرویس بلاک چین مورد استفاده قرار می گیرند. این بلاک ها یا تراکنش ها برای مدت محدودی در شبکه  $IOT$  باقی مانده و سپس با نرخ  $\lambda_o$  برای شبکه فضای ابری ارسال می شوند.



شکل 3- مدل شبکه

در بازیابی تراکنش ها توسط سرویس بلاک چین خیلی مهم است که زمان بازیابی کوتاه باشد و هر تراکنش در اسرع وقت در اختیار سرویس بلاک چین قرار بگیرد. اما با در نظر گرفتن حافظه محدود گره های  $IOT$ ، این گره ها مجبور هستند که برای جلوگیری از پر شدن حافظه، تعدادی از تراکنش ها را به شبکه  $cloud$  ارسال نمایند. این ارسال که به صورت هدایت ( $forward$ ) به سرورهای شبکه ابری است از دیدگاه سرویس بلاک چین مطلوب نیست

الف) تراکنش ورودی در همه گره‌ها بلوکه شده باشد و در نتیجه در هیچ گره‌ای ذخیره نشده باشد. احتمال این پیشامد برابر است با  $P_b^n$  که  $n$  بیانگر تعداد گره‌های شبکه  $IOT$  است. ب) تراکنش ورودی به طور کلی بلوکه نشده یعنی حداقل در حافظه یک گره موجود است، اما در همه گره‌هایی که موجود بوده به شبکه کلود ارسال شده است. احتمال اینکه تراکنش در تعداد  $i$  گره ذخیره شده باشد و در همگی آنها به  $cloud$  ارسال شده باشد برابر است با:

$$(1 - P_b)^i P_b^{n-i} P_f^i \quad (3)$$

با در نظر گرفتن  $n$  گره در شبکه  $IOT$ ، احتمال قسمت ب برابر است با:

$$\sum_{i=1}^n \binom{n}{i} (1 - P_b)^i P_b^{n-i} P_f^i \quad (4)$$

با در نظر گرفتن احتمالات در قسمت‌های الف و ب، در دسترس بودن یک تراکنش در شبکه  $IOT$  از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$P_{av} = 1 - P_b^n - \sum_{i=1}^n \binom{n}{i} (1 - P_b)^i P_b^{n-i} P_f^i \quad (5)$$

$$= \sum_{i=0}^n \binom{n}{i} (1 - P_b)^i P_b^{n-i} P_f^i$$

مطابق قانون  $Little$  که در تئوری صف معروف است اگر شدت ترافیک ورودی  $\lambda_i$  باشد و حجم حافظه  $B$  باشد متوسط زمان ماندن یک تراکنش در حافظه  $T = \frac{B}{\lambda_i}$  می‌باشد [8][7]. همچنین چون نرخ خروج تراکنش‌ها از حافظه با نرخ  $\lambda_0$  صورت می‌گیرد زمان سرویس هر تراکنش دارای توزیع نمایی با متوسط  $\frac{1}{\lambda_0}$  می‌باشد با در نظر گرفتن زمان توقف یک تراکنش در حافظه و زمان سرویس کل، زمان ماندگاری یک تراکنش در گره به صورت  $w = T + t$  می‌باشد که  $t$  یک متغیر تصادفی با تابع توزیع نمایی  $f_t(X) = \lambda_0 e^{-\lambda_0 X}$  است. وقتی یک تراکنش توسط سرویس بلاک‌چین در حافظه یک گره ذخیره می‌گردد بعد از مدتی سرویس بلاک‌چین به آن تراکنش رجوع کرده و آن را برای ایجاد تراکنش‌های جدید بازیابی می‌کند. چون نرخ ورود تراکنش‌ها را  $\lambda_i$  در نظر گرفته‌ایم مدت زمان مذکور را ضریبی از  $\frac{1}{\lambda_i}$  در نظر گرفته و آن را با  $\frac{m}{\lambda_i}$  نشان می‌دهیم. بدیهی است هرچه  $m$  بیشتر باشد از دید سرویس بلاک‌چین بهتر است.

$$P_f = P\left(W < \frac{m}{\lambda_i}\right) \quad (2)$$

$$= P\left(T + t < \frac{m}{\lambda_i}\right)$$

$$= P\left(t < \frac{m}{\lambda_i} - \frac{B}{\lambda_i}\right)$$

$$= P\left(t < \frac{m - B}{\lambda_i}\right)$$

$$= 1 - e^{-\lambda_0 \frac{m - B}{\lambda_i}}$$

#### 4-2- طرح مسئله بهینه‌سازی

با در نظر گرفتن پارامترهای تعریف شده در بخش‌های قبل، یک مسئله بهینه‌سازی به فرم زیر تشکیل می‌شود.

$$\text{Max} \quad \frac{m}{B} \quad (6)$$

$$\text{Subject to} \quad P_{av} \geq L_{av} \quad (7)$$

$$P_b \leq u_b \quad (8)$$

$$nB \leq B_{total} \quad (9)$$

$$B \leq B_{max} \quad (10)$$

تابع هدف این مسئله به صورت  $\frac{m}{B}$  در نظر گرفته می‌شود. همچنان که پیشتر ذکر شد  $m/\lambda_i$  بیانگر فاصله‌های زمانی بازیابی یک تراکنش توسط سرویس بلاک‌چین است. اگر  $m$  زیاد باشد سرویس می‌تواند در فاصله‌های زمانی طولانی تری به تراکنش‌ها رجوع کند در واقع زمان ماندگاری یک تراکنش در شبکه  $IOT$  بیشتر است. همچنین  $B$  حجم حافظه گره‌های  $IOT$  است. به دلیل محدودیت‌های سخت‌افزاری در گره‌های  $IOT$  حجم حافظه نمی‌تواند بزرگ باشد و ایده آل آن است حجم کم باشد. بنابراین ماکزیم کردن

همچنان که ذکر شد  $\frac{m}{\lambda_i}$  زمان مراجعه مجدد سرویس بلاک‌چین به گره  $IOT$  جهت بازیابی تراکنش است.

$P_{av}$ : احتمال دسترس پذیری تراکنش

برای کاهش زمان بازیابی یک تراکنش، باید تراکنش در شبکه  $IOT$  موجود باشد و به شبکه کلود ارسال نشده باشد. برای این منظور احتمال در دسترس بودن یک تراکنش ( $P_{av}$ ) را تعریف می‌کنیم.

یک تراکنش زمانی در دسترس است که دو شرط زیر برقرار باشد.

الف) تراکنش در شبکه  $IOT$  بلوکه نشده باشد یعنی حداقل باید در حافظه یکی از گره‌ها شبکه موجود باشد.

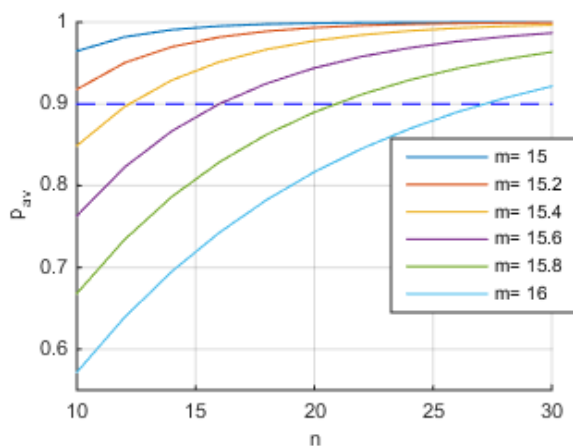
ب) تراکنش باید به طور کلی به کلود منتقل نشده باشد و با گذر زمان هنوز یکی از گره‌های اینترنت اشیاء آن را در حافظه داشته باشد. حالت‌هایی را که نمی‌تواند دو شرط فوق را برآورده کند به صورت زیر در نظر می‌گیریم.

که ما دنبال کاهش  $B$  هستیم مقادیر بالای  $B$  لزوماً جواب مسئله نیستند. لذا خط  $P_b \leq u_b$  را ترسیم می‌کنیم و محل تلاقی این خط با نمودارهای مقادیر مختلف  $B$  به دست می‌آوریم. همچنان که ملاحظه می‌شود در شکل 5 سه نقطه  $A$ ،  $B$  و  $C$  به دست آمده‌اند. لذا مشخصات سه نقطه به دست آمده به صورت جدول 1 نقاط کاندید بهینه مسئله هستند. در واقع نقاط به دست آمده در جدول 1 نقاط کاندید بهینه مسئله هستند.

	$\lambda_0$	B	n
A	12.5	14	21
B	13	12	25
C	14	10	30

جدول 1- نقاط کاندید

حال برای به دست آوردن جواب بهینه، محدودیت 7 را در نظر می‌گیریم. برای این منظور برای هر کدام از نقاط فوق، منحنی‌های  $P_{av}$  بر حسب  $n$  را به ازای مقادیر مختلف  $m$  ترسیم می‌کنیم. برای نقطه  $A$ ، منحنی  $P_{av}$  بر حسب  $n$  در شکل 6 نمایش داده می‌شود. همچنان که ملاحظه می‌شود برای این نقطه  $m$  بهینه به صورت  $m_A = 15.8$  می‌باشد.



شکل 6- احتمال در دسترس بودن تراکنش بر حسب  $n$  در نقطه  $A$

برای نقطه  $B$ ، منحنی  $P_{av}$  بر حسب  $n$  در شکل 7 نمایش داده می‌شود. هم‌چنان که ملاحظه می‌شود برای این نقطه  $m$  بهینه به صورت  $m_B = 13.8$  می‌باشد.

تابع هدف  $m/B$  به طور ضمنی هم ماکزیمم کردن  $m$  و هم مینیمم کردن  $B$  را دنبال می‌کند.

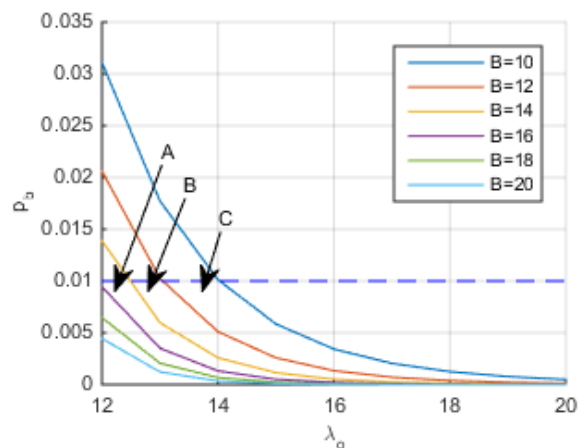
محدودیت (7) یک حد آستانه پایینی را برای احتمال دسترسی  $P_{av}$  به صورت  $L_{av}$  در نظر می‌گیرد. محدودیت (8) برای این است که احتمال بلوکه کردن تراکنشها در حافظه‌ها از حد آستانه بالای  $u_b$  بیشتر نگردد. محدودیت‌های 9 و 10 برای حافظه‌گرها در نظر گرفته شده‌اند.

با در نظر گرفتن پارامترها و توابع تعریف شده در مسئله فوق، این مسئله غیر خطی است و حل آن از روشهای تحلیل بهینه‌سازی مقدور نیست، لذا در این پایان‌نامه از روش‌های عددی برای دستیابی به یک جواب *suboptimal* استفاده می‌کنیم [5].

چون از روش‌های عددی استفاده می‌کنیم بنابراین ابتدا مقادیر عددی پارامترهای مسئله را به صورت زیر در نظر می‌گیریم و پارامترهای  $m, B, \lambda_0$  را به عنوان مجهول‌های مسئله در نظر می‌گیریم.

$$\begin{aligned} L_{av} &= 0.09 \\ U_b &= 0.01 \\ B_{total} &= 300 \\ B_{max} &= 20 \\ \lambda_i &= 10 \end{aligned}$$

ابتدا با در نظر گرفتن فرمول محاسبه  $P_b$  در فرمول 1 و همچنین مشخص بودن  $\lambda_i$ ، منحنی  $P_b$  بر حسب  $\lambda_0$  را برای مقادیر متفاوتی از میزان فضای حافظه  $B$  ترسیم می‌کنیم.



شکل 5- احتمال بلوکه کردن تراکنشها بر حسب نرخ ارسال تراکنش به شبکه ابری

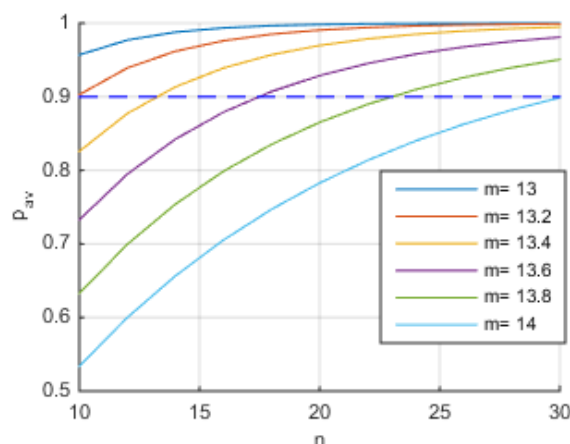
همچنان که ملاحظه می‌شود در این شکل، با افزایش  $\lambda_0$  احتمال بلوکه شدن کاهش می‌یابد و همچنین با افزایش اندازه حافظه گره، منحنی به مقادیر پایینی رسیده است. با توجه به تابع هدف

### نتیجه گیری

از آنجایی که هدف از انجام این پژوهش، ارائه یک چارچوب جدید برای بلاکچین است که در سیستم‌های مبتنی بر IOT کاربردی باشد. پس در این مقاله تمرکز اصلی بر روی طرح الگوریتم و الگویی جهت ارتباط بهینه و ذخیره سازی مفید اطلاعات می‌باشد که دو ویژگی مهم در سیستم‌های IOT هستند. در این راستا، الگوریتم ارتباطی اولیه و همچنین الگوی کلی ذخیره اطلاعات تعریف شده و به عنوان مرجعی برای یافت اطلاعات پرکاربرد شبکه، جدولی پیشنهاد شده که انتظار می‌رود باعث بهبود عملکرد سیستم و افزایش ضریب کیفیت مشخصه‌های سیستم گردد. از طرفی با به کارگیری هوشمندانه از قوانین تئوری صف و انتخاب یک مدل مناسب از تئوری صف، راهکاری برای ارسال بهینه اطلاعات از هر نود به فضای ذخیره سازی و فضای ابری ارائه شده است.

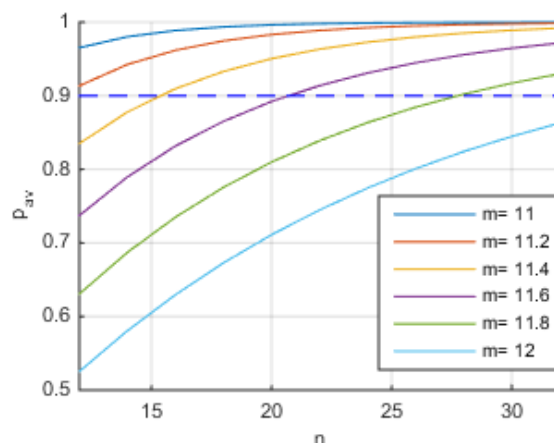
### مراجع

- [1] A. Strielkina, D. Uzun, and V. Kharchenko, "Modelling of healthcare IoT using the queueing theory," in 2017 9th IEEE international conference on intelligent data acquisition and advanced computing systems: technology and applications (IDAACS), 2017, pp. 849-852.
- [2] M. Pilkington, "Blockchain technology: principles and applications," in Research handbook on digital transformations, ed: Edward Elgar Publishing, 2016.
- [3] S. Kim and G. C. Deka, Advanced applications of blockchain technology: Springer, 2020.
- [4] X. A. Wang, Y. Liu, J. Zhang, X. Yang, and M. Zhang, "Improved group-oriented proofs of cloud storage in IoT setting," Concurrency and Computation: Practice and Experience, vol. 30, p. e4781, 2018.
- [5] M. Fathi and H. Bevrani, Optimization in electrical engineering: Springer, 2019.
- [6] <https://web2.uwindsor.ca/math/hlynka/qhist.html>
- [7] R. E. Ahmed, "Recursive computation of steady state probabilities in M/M/1/B queues," in 2017 International Conference on Electrical and Computing Technologies and Applications (ICECTA), 2017, pp. 1-4.
- [8] R. Nelson, Probability, stochastic processes, and queueing theory: the mathematics of computer performance modeling: Springer Science & Business Media, 2013.



شکل 7- احتمال در دسترس بودن تراکنش بر حسب  $n$  در نقطه  $B$

همچنین برای نقطه  $C$ ، هم چنان که ملاحظه می شود برای این نقطه  $m$  بهینه به صورت  $m_c = 11.8$  می‌باشد. با توجه به اینکه همه نقاط فوق محدودیت‌های مسئله بهینه سازی را برآورده می‌کند لذا باید جواب بهینه را از بین  $m_A$ ،  $m_B$  و  $m_C$  انتخاب کنیم.



شکل 8- احتمال در دسترس بودن تراکنش بر حسب  $n$  در نقطه  $C$

با توجه به اینکه همه نقاط فوق محدودیت‌های مسئله بهینه سازی را برآورده می‌کند لذا باید جواب بهینه را از بین  $m_B$ ،  $m_A$  و  $m_C$  انتخاب کنیم. مقدار بیشتر  $m$  را نقطه  $A$  دارد. پس جواب مسئله بهینه سازی به صورت زیر خواهد بود.

	$\lambda_0$	B	n	m
A	12.5	14	21	15.8

جدول 2- نقطه بهینه